

# Zadanie: NIM

## Nim z utrudnieniem



XXIII OI, etap I. Plik źródłowy nim.\* Dostępna pamięć: 256/64 MB.

19.10–16.11.2015

Ulubioną rozrywką Alicji i Bajtazara jest gra *Nim*. Do gry potrzebne są żetony, podzielone na kilka stosów. Dwaj gracze na przemian zabierają żetony ze stosów – ten, na którego przypada kolej, wybiera dowolny stos i usuwa z niego dowolną dodatnią liczbę żetonów. Gracz, który nie może wykonać ruchu, przegrywa\*.

Alicja zaproponowała Bajtazarowi kolejną partyjkę Nima. Aby jednak tym razem uczynić grę ciekawszą, gracze umówili się między sobą na dodatkowe warunki. Żetony, których było  $m$ , Alicja podzieliła na  $n$  stosów o licznosciach  $a_1, a_2, \dots, a_n$ . Zanim rozpocznie się rozgrywka, Bajtazar może wskazać niektóre spośród stosów, które zostaną natychmiast usunięte z gry. Liczba usuniętych stosów musi być jednak podzielna przez pewną ustaloną liczbę  $d$ , a ponadto Bajtazar nie może usunąć wszystkich stosów. Potem rozgrywka będzie toczyć się już normalnie, a rozpocznie ją Alicja.

Niech  $k$  oznacza liczbę sposobów, na które Bajtazar może wskazać stosy do usunięcia tak, aby mieć pewność, że wygra partię niezależnie od posunięć Alicji. Twoim zadaniem jest podanie reszty z dzielenia  $k$  przez  $10^9 + 7$ .

## Wejście

Pierwszy wiersz standardowego wejścia zawiera dwie dodatnie liczby całkowite  $n$  i  $d$  oddzielone pojedynczym odstępem, oznaczające odpowiednio liczbę stosów i ograniczenie „podzielnościowe” zabieranych stosów.

Drugi wiersz opisuje stosy i zawiera ciąg  $n$  dodatnich liczb całkowitych  $a_1, a_2, \dots, a_n$  pooddzielanych pojedynczymi odstępami, gdzie  $a_i$  oznacza liczbę żetonów na  $i$ -tym stosie.

## Wyjście

Pierwszy i jedyny wiersz standardowego wyjścia powinien zawierać jedną liczbę całkowitą, równą liczbie sposobów (modulo  $10^9 + 7$ ), na które Bajtazar może usunąć stosy tak, aby później na pewno zwyciężyć.

## Przykład

Dla danych wejściowych:

```
5 2
1 3 4 1 2
```

poprawnym wynikiem jest:

```
2
```

**Wyjaśnienie do przykładu:** Bajtazar może zabrać 2 lub 4 stosy. Wygra tylko wtedy, gdy zabierze stosy o licznosciach 1 i 4 (może to zrobić na dwa sposoby).

### Testy „ocen”:

- 1ocen:  $n = 9, d = 2$ , wynikiem jest 0,
- 2ocen:  $n = 12, d = 4$ ,
- 3ocen:  $n = 30, d = 10$ , wszystkie stosy mają po 30 żetonów,
- 4ocen:  $n = 500\,000, d = 2$ , wszystkie stosy mają wysokość 1.

## Ocenianie

Zestaw testów dzieli się na podane poniżej podzadania. Testy do każdego podzadania składają się z jednej lub większej liczby osobnych grup testów.

We wszystkich podzadaniach zachodzą warunki  $n \leq 500\,000, d \leq 10, a_i \leq 1\,000\,000$ . Ponadto sumaryczna liczba żetonów  $m = a_1 + a_2 + \dots + a_n$  jest nie większa niż  $10\,000\,000$ . Zwróć uwagę, że limit pamięci jest różny dla różnych podzadań.

\*W Internecie łatwo znaleźć więcej informacji na temat gry Nim, a w szczególności opis strategii wygrywającej w tej grze.

Podzadanie	Dodatkowe warunki	Limit pamięci	Liczba punktów
1	$n \leq 20, a_1, \dots, a_n \leq 1000$	256 MB	10
2	$n \leq 10\,000, a_1, \dots, a_n \leq 1000$	256 MB	18
3	$d \leq 2$	256 MB	25
4	brak	256 MB	27
5	brak	64 MB	20